| Title | 高周波誘導加熱における回路定数及び周波数の選定について |
|------------------|----------------------------------|
| Author(s) | 黒部, 貞一 |
| Citation | 北海道大學工學部研究報告, 13, 67-81 |
| Issue Date | 1955-12-15 |
| Doc URL | http://hdl.handle.net/2115/40581 |
| Туре | bulletin (article) |
| File Information | 13_67-82.pdf |



高周波誘導加熱における回路定数 及び周波数の選定について

黒 部 貞 一

(昭和30年9月30日受理)

On the Selection of the Circuit Constants and Frequency at High Frequency Induction Heating

Teiichi KUROBE

Abstract

At first I obtained the impedance and Q of the heated conductor at high frequecy induction heating. It has been clear that Q of the heated conductor at critical frequency is very small so the transmission efficiency of the heating coil is very small. Secondly I obtained the method of the coupled circuit design from the condition at which the transmission efficiency is maximum giving the optimum plate load impedance and the frequency. Finally I obtained the method of the frequency selection from the point of view to increase the transmission efficiency and to be small the wattless power of the tank circuit. It is the frequency at which Q of the heated conductor and the secondary coupled circuit are more than 3 and Q of the tank circuit is less than some value.

月 次

| 1 | 緒 | Ē | • • • | | • • | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | • • | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | • • | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | 2 |
|--------------|-----|----|--------------|---------------|------------|------------|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|-----|----|----|----|----|----|----|-----|----|----|----|----|-----|----|
| п | 被 | 熱材 | to. | イン | ۳ | ~ ; | Ą" | ン | ス | ٠. | | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | 2 |
| 1 | . : | 無限 | 長 | 円筒 | i導 | 体 | の | 1 | ン | ۲° | _ | ダ | ン | ス | ٠, | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | 2 |
| 2 | . : | 有阻 | 長 | 円僧 | j iji | 体 | の | 1 | ン | ۴° | _ | Ŋ" | ン | ス | ٠. | ٠. | ٠. | | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | • • | 4 |
| 3 | | 任電 | 形 | 大導 | 体 | 0 | 1 | ン | ۴° | _ | ダ | ン | ス | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | 5 |
| 4 | . , | 結合 | 1 | ンヒ | ° – | Ŋ. | ン | ス | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠, | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | • • | 6 |
| 5 | | 效 | 値 | 例 | ١ | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | 7 |
| Ш | 耳 | 路足 | 数 | の運 | 定 | • • | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | 8 |
| 1 | | 設 | 計 | 沮 | ÷ • • | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | | ٠. | ٠. | | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | 8 |
| 2 | . ; | 数 | 値 | Ø | | ٠. | | | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | 10 |
| w | 周 | 波炎 | (O) | 鍟定 | • • • | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | 12 |
| 1 | | 加紫 | <u>, r</u> | イル | 0 | 伝 | 送 | 能 | 率 | ょ | ŋ | の | 考 | 察 | ٠. | | | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | | 12 |
| 2 | 2. | カー | · v | ント | ٠ ٢ | ラ | ン | ス | Ø | 伝 | 送 | î | 率 | よ | ŋ | 0) | 考 | 祭 | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | •• | 13 |
| 3 | 3. | タン | 10 | 回路 | ξ Ø | Q |) | ょ | ŋ | 0 | 考 | 察 | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | 13 |
| 4 | ١. | 数 | 値 | \mathcal{V} | | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | • • | 14 |
| \mathbf{v} | 結 | ī | †·· · | | | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | ٠. | 15 |

I. 緒 言

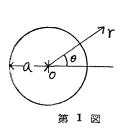
従来,高周波誘導加熱の周波数は所謂臨界周波数以上の適当な周波数を経験的に定めているようである。使用周波数は確かに臨界周波数以上でなければならぬが,この周波数は一般に極めて低く,この状態では被熱材のQは1より遙かに低いため伝送能率が非常に悪い。又従来屢々用いられている結合回路を無損失帯域濾波器として行う結合回路の設計法 1,2 0は伝送能率の点に考慮が払われていない。そこで筆者はこれ等の点を解決するために先ず被熱材のインピーダンスの理論式を導いた。その結果被熱材のQは案外低く,加熱コイルの伝送能率を上げるためには臨界周波数よりかなり高い周波数を用いなければならぬことが判つた。又カーレントトランスの伝送能率を上げるためにも,カーレントトランス二次回路のQをある値以上にして,使用周波数を先の周波数より更に高い周波数にしなければならぬ。又結合回路の設計法としては最適陽極負荷インピーダンス及び使用周波数を与えて,伝送能率を最大にする新しい方法を導いた。

II. 被熱材のインピーダンス

1. 無限長円筒導体のインピーダンス

被熱材は第1図の如く無限長円筒導体で,一般に $\sigma_4 \gg \omega \epsilon_4$ なる故,円筒座標系に於て波動方程式は

~ \\ \a \\ \a \\ \c \\ \



$$\frac{d^2H}{dr^2} + \frac{1}{r} \frac{dH}{dr} - j\omega\mu_0\mu_4\sigma_4H = 0 \tag{1}$$

但し本章に於て特に断らない限り単位系は MKS 系を用い、必要の場合は CGS 実用単位系を併せ用いた。

H: Z 方向の磁界

μ4: 被熱材の比導磁率

 $\mu_0 = 4\pi/10^7$ H/m

σ4: 被熱材の導電率

ε4: 被熱材の誘電率

ω: 角周波数

との解は

H = A[ber(mr) + jbei(mr)]

但し

A: 積分定数

 $m = \sqrt{\omega \mu_0 \mu_4 \sigma_4}$

今 $\gamma=a$ (円筒導体の半径) に於て $H=H_0$ とすれば

 $H_0 = A[\operatorname{ber}(ma) + j \operatorname{bei}(ma)]$

 $\therefore H = H_0 \frac{\operatorname{ber}(mr) + j \operatorname{bei}(mr)}{\operatorname{ber}(ma) + j \operatorname{bei}(ma)}$ (2)

又電界強度を E とすれば

$$-\frac{\partial H}{\partial r} = \sigma_4 E$$

なる故

$$E = \frac{-mH_0}{\sigma_4} \frac{\operatorname{ber}'(mr) + j \operatorname{bei}'(mr)}{\operatorname{ber}(ma) + j \operatorname{bei}(ma)}$$
(3)

而して被熱材の表面 S より流入する単位長あたりの Poynting Vector は

$$-\int \widetilde{N}dS = -\frac{1}{2}\int [E \times H^*]dS = -(EH^*)_{r=a}\pi a$$

$$= \frac{\pi a m H_0 H_0^*}{\sigma_4} \frac{\operatorname{ber}'(ma) + j \operatorname{bei}'(ma)}{\operatorname{ber}(ma) + j \operatorname{bei}'(ma)}$$

$$= \frac{2\pi a m \overline{I_4}^2}{\sigma_4} \left[\frac{\operatorname{ber}'(ma) \operatorname{ber}'(ma) + \operatorname{bei}'(ma) \operatorname{bei}'(ma)}{\operatorname{ber}^2(ma) + \operatorname{bei}^2(ma)} + j \frac{\operatorname{ber}'(ma) \operatorname{bei}'(ma) - \operatorname{be}'(ma) \operatorname{bei}'(ma)}{\operatorname{ber}^2(ma) + \operatorname{bei}^2(ma)} \right]$$

$$= \overline{W} + 2j\omega \overline{U_m}$$

$$(4)$$

但し

 \tilde{N} : 複素 Poynting Vector

H*: H の共軌値

 $ar{I_4^2} = rac{1}{2} H_0 \cdot H_0^*$: 被熱材の単位長あたりの電流の一週期についての自乗平均値

W: ジュール勢の一週期についての平均値

 \overline{U}_{w} : 磁気エネルギーの一週期についての平均値

又回路的に考えれば第2図より

$$\vec{W} = I_4^{\overline{2}} R_4
2 \overline{U}_m = \overline{I_4^{\overline{2}}} (L_4 - M_{a4})$$
(5)

但し

R4: 被熱材の単位長あたりの実効抵抗

L4: 被熱材の単位長あたりの実効インダク タンス

 M_{a4} : 半径a無限長円筒ソレノイドと被熱材間の単位長あたりの相互インダクタンス故に(4)式(5)式より

 $R_4 = 2\pi \, a \, \frac{m}{\sigma_4} \, \frac{F_1}{\sqrt{2}} = \frac{2\pi \, a}{\sigma_4 s_4} \, F_1 \tag{6}$

第 2

$$\omega(L_4-M_{a4})=2\pi \ amF_2/\sigma_4$$

$$\therefore L_4 = M_{a4} + \mu_0 \mu_4 \pi a s_4 F_2 \tag{7}$$

但し

$$F_{1} = \sqrt{2} \frac{\operatorname{ber}(ma)\operatorname{ber}'(ma) + \operatorname{bei}(ma)\operatorname{bei}'(ma)}{\operatorname{ber}^{2}(ma) + \operatorname{bei}^{2}(ma)}$$

$$F_{2} = \sqrt{2} \frac{\operatorname{ber}(ma)\operatorname{bei}'(ma) - \operatorname{ber}'(ma)\operatorname{bei}'(ma)}{\operatorname{ber}^{2}(ma) + \operatorname{bei}^{2}(ma)}$$

$$s_{4} = \frac{1}{\sqrt{\pi f}\mu_{0}\mu_{4}\sigma_{4}} = \frac{\sqrt{2}}{m} : \operatorname{skin depth}$$

$$= \frac{1}{2\pi\sqrt{10^{-9}\mu_{4}\sigma_{4}f}} \quad \operatorname{CGS} \ \overline{\Re}$$
(8)

臨界周波数以上に於ては

$$F_1 = 1$$
 $F_2 = 1$

$$\begin{array}{ccc}
\vdots & R_4 = \frac{2\pi a}{\sigma_4 s_4} \\
L_4 = \mu_0 \mu_4 \pi [(a - s_4)^2 + a s_4] & \rightleftharpoons \mu_0 \mu_4 \pi (a^2 - a s_4) \\
& = 4\pi^2 \mu_4 (a^2 - a s_4) \times 10^{-9} & \text{CGS } \%
\end{array}$$

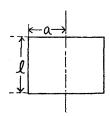
但し

$$M_{a4} = \mu_0 \mu_4 \pi (a - s_4)^2$$

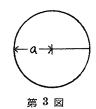
即ち無限長円筒導体の単位長の抵抗は厚さ s_4 なる中空円筒を電流が円形方向に流れる時の単位長の直流抵抗であり、インダクタンスは厚さ s_4 なる一捲き円筒ソレノイドの単位長のインダクタンスに等しい。

2. 有限長円筒導体のインピーダンス

導体の長さが第3図の如く有限の時は端効果を考慮しなければならぬ、抵抗に就ては一般に加



熱コイルと被熱材の間隙が被熱材の直径に比し遙かに小であるので、被熱材の表面電流分布は略々一定であり、端効果を考慮する必要はない、インダクタンスに就てはソレノイドの電流分布が一様の時にも磁束密度は変化し、これは長岡氏係数 K_4 によつて較正される。又長さが有限の時は L_4 の式の比導磁率 μ_4 の代りに実効比導磁率 μ_4' を用いなければならぬ。故に長さ l なる時の R_4 , L_4 は



$$R_{4} = \frac{2\pi a}{\sigma_{4}s_{4}l}$$

$$L_{4} = K_{4}\mu_{0}\mu_{4}'\pi(a^{2} - as_{4})/l$$

$$= \frac{K_{4}4\pi^{2}\mu_{4}'(a^{2} - as_{4})}{10^{9}l} \quad \text{CGS }$$
(10)

非磁性体導円筒体の有限長の時の加熱コイルえの結合抵抗及び結合インダクタンスと無限長の時のそれらとの比を Y_n , Y_n とすれば

$$Y_{r} = \left(\frac{M_{34}}{L_{4}}\right)^{2} \frac{Q_{4}^{2}}{Q_{4}^{2} + 1}$$

$$Y_{x} = K_{4} \left(\frac{M_{34}}{L_{4}}\right)^{2} \frac{Q_{4}^{2}}{Q_{4}^{2} + 1}$$

$$\therefore \qquad Y_{x} = K_{4}$$

但し

M₃₄: 加熱コイルと被熱材の相互コンダクタンス

Q4: 被熱材の Q

N. R. Stansel 著 Induction Heating³⁾ には間隙比 = b/a(但しb は加熱コイルの内半径) と Y_r 及び Y_z の関係が 1/2a をパラメーターとして描かれてある。これは理論的に求めたもの であるが,実験的にも確かめられている。この図より Y_z/Y_r を計算すると殆んど長岡氏係数 K_t と一致することを確かめた。故に上記の如く端効果係数を抵抗に対しては 1 とし,インダクタン スに対しては K_t としたことが正しいことが分る。

又被熱材の Q は

$$Q_{4} = \frac{\omega L_{4}}{R_{4}} = \pi K_{4} f \, \mu_{0} \mu' \sigma_{4} s_{4} (a - s_{4})$$

$$= 4\pi^{2} K_{4} f \, \mu_{4}' \sigma_{4} s_{4} (a - s_{4}) \times 10^{-9} \quad \text{CGS } \%$$
(11)

3. 任意形状導状のインピーダンス

以上は円筒形被熱材に就いてであるが、形状が一般的の場合は任意の点の導体内部の電流分布 は近似的に

$$I_{4x} = I_{40}e^{-\frac{x}{84}}$$

で表される. 但し I_{40} はその点の表面電流密度, s_4 は skin depth, x は表面からの距離である. 厚さ t なる場合の全電流は

$$I_{4t} = \int_0^t I_{4x} dx = I_{40} \int_0^t e^{-\frac{x}{84}} dx = I_{40} S_4$$

となる. 即ち厚さ s₄ なる部分を表面電流密度と等しい電流密度の電流が流れている場合と等価である. それ故表面電流密度が一様であるならば円筒導体の場合と同様に厚さ s₄ なる部分を一様な電流が流れている時の直流抵抗及びインダクタンスと近似的に等しい.

又表面電流分布が一様でない場合は

$$R_{4} = \frac{\sum_{n} i_{n}^{2} r_{n}}{I_{4}^{2}}$$

$$L_{4} = \frac{\sum_{n} (i_{n}^{2} l_{n} + \sum_{m} i_{m} i_{n} m_{mn})}{I_{4}^{2}}$$

$$(12)$$

但し

I4: 被熱材の全電流

 i_n , i_n : 被熱材を無数の糸状回路に分割した時のm番目及びm番目の絲状回路電流

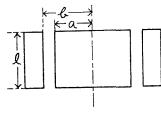
 r_n : n 番目の糸状回路抵抗

 l_n : n 番目の糸状回路自己インダクタンス

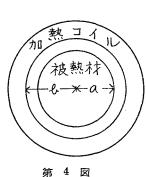
 m_{mn} : m 番目と n 番目の糸状回路の相互インダクタンス

4. 結合インピーダンス

加熱コイルと被熱材の関係は第4図の如く、被熱材の半径はa、加熱コイルの内半径はb、両

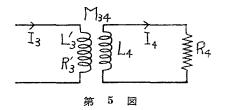


者の長さはlで、加熱コイルの電流は近接作用により被熱材と面している部分に大部分集中しているとする。又この関係は回路的には第5図の如くなり、一次側は加熱コイル、二次側は被熱材である。加熱コイルえの結合抵抗 ΔR_3 及び結合インダクタンス ΔL_3 は周知の如く



$$\Delta R_{3} = \left(\frac{M_{34}}{L_{4}}\right)^{2} \frac{Q_{4}^{2}}{Q_{4}^{2} + 1} R_{4}$$

$$\Delta L_{3} = \left(\frac{M_{34}}{L_{4}}\right)^{2} \frac{Q_{4}^{2}}{Q_{4}^{2} + 1} L_{4}$$
(13)



(13) 式に於て L_4 , R_4 及び Q_4 は既に記した通りであり, M_{34} は次の如くなる.

$$M_{34} = k_{34} \sqrt{L_3' L^4}$$

但し k_{34} は巻数比を 1:1 とした時の被熱材を鎖交する磁束と加熱コイルを鎖交する磁束との比であり、 L_{3}' は加熱コイル自身のインダクタンスである。今 skin depth が被熱材及び加熱コイルの半径に比し遙かに小とすれば

$$k_{34} = K_4 \mu_4 a^2 / K_3 \mu_3 b^2$$

但し

K₃: 加熱コイルインダクタンスの長岡氏係数

μ3/: 加熱コイルの実効比導磁率

$$\therefore \frac{M_{34}}{L_4} = \frac{a}{b} \sqrt{\frac{K_4 \mu_4'}{K_3 \mu_3'}}$$
 (14)

なお、内面焼きの場合は第6図の如く加熱コイルの外半径 a、被熱材の内半径を b とすれば

$$\frac{M_{34}}{L_4} = \frac{a^3}{b^3} \sqrt{\frac{K_3 \mu_3'}{K_4 \mu_4'}} \tag{15}$$

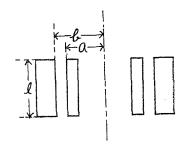
但し

Κ₈, μ₃': 加熱コイルの長岡氏係数及び実効比導磁率

Κ4, μ4': 被熱材の長岡氏係数及び実効比導磁率

故に外面焼きと内面焼きの場合に間隙比が等しければ結合因数 (M_{34}/L_4) は内面焼きの方が遙かに小となり負荷が結合されにくい。このことは実際の場合よく経験されていることである。

被熱材が入つた時の加熱コイルの実効抵抗及び実効インダクタンスは





第 6 図

$$R_3 = R_3' + \Delta R_3$$
$$L_3 = L_3' - \Delta L_3$$

但し、 R_{3} 、 L_{3} は加熱コイル自身の抵抗及びインダクタンスにして

$$R_{3}' = \frac{2\pi \left(b + \frac{s_{3}}{2}\right)}{\sigma_{3}s_{3}l}$$

$$L_{3}' = \frac{4\pi^{2}}{10^{9}} \cdot \frac{K_{3}\mu_{3}'(b^{2} + bs_{3})}{l} \quad \text{CGS }$$
(16)

但し、 σ_3 、 s_3 は加熱コイルの導電率及び skin depth である.

5. 数值例

被熱材は扁平円筒導体で半径 a=5 cm, 長さ l=2 cm とし, その材質は No. 1 鉄 $\mu_4=100$, $\mu_4'=1.4$ $\sigma_4=5\times10^4$ $\sigma_4'=5\times10^4$ $\sigma_4'=1.4$ $\sigma_4=5\times10^4$ $\sigma_4'=1.4$ $\sigma_4=5\times10^5$ $\sigma_4'=1.4$ $\sigma_4=5\times10^5$ $\sigma_4'=1.4$ $\sigma_4=5\times10^5$ $\sigma_4'=1.4$ $\sigma_4=5\times10^5$ $\sigma_4'=1.4$ σ_4'

L, が周波数によつて相異するのは skin depth の相異によるものであり、被熱材の種類によ

第1表 s4 (cm)

| 一 被 数 材 | 10 KC | 100 KC | 1 MC | 10 MC |
|------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-------------------------|
| No. 1 | 2.25×10^{-3} | 7.12×10^{-3} | 2.25×10^{-3} | 7.12×10^{-4} |
| No. 2 | 5.02×10^{-2} | 1.59×10^{-2} | 5.02×10^{-3} | $1.59\!\times\!10^{-3}$ |
| No. 3 | 7.12×10^{-2} | 2.25×10^{-2} | 7.12×10^{-3} | 2.25×10^{-3} |

第2表 $R_4(\Omega)$

| 想 被 教材 | 10 KC | 100 KC | 1 MC | 10 MC |
|--------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| No. 1 | 1.40×10^{-2} | 4.41×10^{-2} | 1.40×10^{-1} | 4.41×10^{-1} |
| No. 2 | 6.27×10^{-3} | 1.98×10^{-2} | 6.27×10^{-2} | 1.98×10 ⁻¹ |
| No. 3 | 4.41×10^{-4} | 1.40×10^{-3} | 4.41×10^{-3} | 1.40×10^{-2} |

第3表 L_4 (10⁻³H)

| 被熱材 | 10 KC | 100 KC | 1 MC | 10MC |
|-------|-------|--------|-------|-------|
| No. 1 | 2.196 | 2.202 | 2.205 | 2.207 |
| No. 2 | 2.152 | 2.170 | 2.176 | 2.178 |
| No. 3 | 1.553 | 1.569 | 1.574 | 1.576 |
| , | | | 1 | |

第4表 Q4

| 被熱材 | 10 KC | 100 KC | 1 MC | 10 MC |
|-------|-------|--------|-------|-------|
| No. 1 | 0.989 | 3.14 | 9.93 | 31.5 |
| No. 2 | 2.16 | 6.91 | 21.8 | 69.3 |
| No. 3 | 22.12 | 70.7 | 224.1 | 710 |

第5表 ΔR_3 及び $R_{3}'(\Omega)$

| ΔR_3 , R | 周波数 。 | 10 KC | 100 KC | 1 MC | 10 MC |
|--------------------|------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| | No. 1 | 6.57×10^{-3} | 3.80×10^{-2} | 1.31×10 ⁻¹ | 4.19×10^{-1} |
| $\varDelta R_3$ | No. 2 | 4.90×10^{-3} | 1.84×10^{-2} | 5.94×10^{-2} | 1.88×10^{-1} |
| | No. 3 | 4.06×10^{-4} | 1.29×10^{-3} | 4.06×10^{-3} | 1.29×10 ⁻² |
| 1 | R ₃ ' | 4.68×10 ⁻⁴ | 1.48×10 ⁻³ | 4.68×10^{-3} | 1.48×10 ⁻² |

第6表 $riangle L_3$, L_{3}' (10 ^{-7}H) 及び $\left(rac{M_{34}}{L_4} ight)^2$

| $\stackrel{	extit{4}}{L_3}, \left(rac{M_{34}}{L_4} ight)^2$ | | ΔL_3 | | | Τ, | $/M_{34}$ \rangle^2 |
|--|-------|--------------|-------|-------|----------|-----------------------|
| 被熱材 | 10 KC | 100 KC | 1 MC | 10 MC | $L_3{'}$ | (L_4) |
| No. 1 | 1.032 | 1.896 | 2.075 | 2.100 | 2.320 | 0.952 |
| No. 2 | 1.880 | 2.025 | 2.061 | 2.072 | 2.290 | 0.952 |
| No. 3 | 1.430 | 1.445 | 1.450 | 1.450 | 1.712 | 0.922 |

つて相異するのは実効 比導磁率の相異による ものである.

No. 1 及び No. 2 の 10 KC に於ける ΔR_3 , ΔL_3 が R_3 及び L_4 に 比べて可なり小になつ ているのは Q_4 が低い ためである.

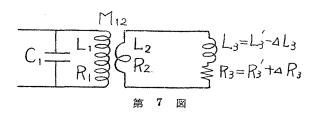
III. 回数定数の 選定

1. 設計法

負荷は結合回路(カ ーレントトランス) に よつて接続されるが. この時の設計法として 従来結合回路を無損失 帯域滤波器とし, その 入力側公称インピーダ ンスを陽極負荷インピ ーダンスとする方法が ある15,2) 而しこの方法 は結合回路を無損失と しているため結合回路 の 伝送能率 は 100 % となり, 伝送能率向上 の観点から設計されて いない. 又真空管の実 効内部抵抗を陽極負荷 インピーダンスに等し くしているが、この状

態ではC級発振器の陽極能率は余りよくない。それ故能率を上げようとする目的のためにはこの方法は適当でない。以下に記す方法は与えられた出力に於て陽極能率が最大となるような陽極負荷インピーダンスを与えて結合回路の伝送能率を最大とする設計法である。なおこの方法は誘導加熱のみならず一般に発振器に結合された負荷にあてはまるものである。

第7図に於て L_1 及び R_1 はカーレントトランス—次側のインダクタンス及び抵抗, L_2 及び R_2 はカーレントトランス二次側のインダクタンス及び抵抗, $L_3=L_3'-\Delta L_3$ 及び $R_3=R_3'+$



 $extstyle ZR_3$ は被熱材を挿入した時の加熱コイルの実効インダクタンス及び実効抵抗とすれ ば カーレントトランス一次側に結合される結合抵抗 $extstyle ZR_1$ は

$$\Delta R_1 = \frac{\omega^2 k_{12}^2 L_1 L_2 (R_2 + R_3)}{(R_2 + R_3)^2 + (\omega L_2 + \overline{X}_3)^2}$$
(17)

但し k_{12} はカーレントトランスの結合係数で $M_{12}/\sqrt{L_1L_2}$, 二次回路の Q は3 以上として $Q_2^2/(Q_2^2+1) \hookrightarrow 1$, X_3 は誘導加熱の場合は ωL_3 である.

結合回路の伝送能率が大なるためには ΔR_1 が大なる程よい。今 ω , k_{12} , R_2 , R_3 及び X_3 が一定にして L_2 のみが変化した時の ΔR_1 の最大条件 $d\Delta R_1/dL_2=0$ より

$$\omega L_2 = \sqrt{(R_2 + R_3)^2 + X_3^2}$$

一般に $R_2 \ll R_3$ なる故

$$\omega L_2 = \sqrt{R_3^2 + X_3^2} = |Z_3| = X_3 \sqrt{1 + \frac{1}{Q_3^2}}$$
(18)

但し

$$Q_3 = X_3/R_3$$

(18) 式は先に馬場氏等がカーレントトランス伝送能率最大の条件から求めた結果と同一である 4).

$$Q_2 = \frac{\omega L_2 + X_3}{R_2 + R_3} \doteq \frac{\omega L_2 + X_3}{R_3} = Q_3 + \sqrt{1 + Q_3^2}$$
 (19)

次に最適陽極負荷インピーダンスを R_{ν} とすれば

$$\omega C_1 = Q_1/R_v \tag{20}$$

但し Q_1 はタンク回路の実効Q である.

 $\omega \Delta L_1$ を一次回路に結合される結合リアクタンスとすれば

$$\omega \Delta L_1 = \frac{\omega^3 k_{12}^2 L_1 L_2 (L_2 + X_3 / \omega)}{(R_2 + R_3)^2 + (\omega L_2 + X_3)^2} = \Delta R_1 Q_2$$

$$R_1 + \Delta R_1 = R_p / Q_1^2$$

$$\therefore \omega L_1 = \frac{1}{\omega C_1} + \omega \Delta L_1 = \frac{R_p}{Q_1} + \frac{Q_2}{Q_1^2} R_p - Q_2 R_1$$

$$\frac{R_{\nu}(Q_1 + Q_2)}{Q_1^2} \tag{21}$$

故に ω , R_p , Q_1 及び負荷が与えられれば(21)(18)(20)式より L_1 , L_2 及び C_1 は求まるが, Q_1 を与えずに k_{12} を与えれば,その時の Q_1 は次の如く決定される.

$$Q_{1} = \frac{R_{p}}{(\Delta R + R_{1})Q_{1}}$$

$$\therefore Q_{1}^{2} = \frac{R_{p}(L_{2} + X_{3}/\omega)^{2}(1 + 1/Q_{2}^{2})}{(R_{2} + R_{3})k_{12}^{2}L_{1}L_{2}(1 + R_{1}/\Delta R_{1})}$$
(22)

(21) 式の L_1 を (22) 式に代入すれば

$$Q_{1} = \frac{Q_{2}}{(1 + R_{1}/\Delta R_{1})k_{12}^{2}} \left(1 + \frac{X_{3}}{\omega L_{2}}\right) \left(1 + \frac{1}{Q_{2}^{2}}\right) - Q_{2}$$
 (23)

而して

$$\left(1 + \frac{X_3}{\omega L_2}\right) \left(1 + \frac{1}{Q_2^2}\right) = \frac{1 + (Q_3 + \sqrt{Q_3^2 + 1})^2}{(Q_3 + \sqrt{Q_3^2 + 1})\sqrt{Q_3^2 + 1}}$$
(24)

(24) 式の右辺は Q_3 の如何に拘らず 2 となる故

$$Q_1 = Q_2 \left[\frac{2}{(1 + R_1/\Delta R_1)k_{12}^2} - 1 \right]$$
 (25)

(25) 式に於て k_{12} , $R_1/\Delta R_1$ 及び Q_2 を定めれば Q_1 が決定する. k_{12} としてはできるだけ大なる方が伝送能率がよく Q_1 は小となる. 又 $R_1/\Delta R_1$ は一次回路自身の抵抗と結合抵抗との比であり,一般に 0.1 以下である. Q_2 は被熱材インピーダンスによつて決定されるが,カーレントトランスの伝送能率の点から 3 以上が適当である. かくして Q_1 が決定すればこの Q_1 を (20) 式に入れて C_1 が,(21)式に入れて C_1 が決定し, $M_{12}=k_{12}\sqrt{L_1L_2}$ より M_{12} が決定される.

2. 数 值 例

加熱コイル,被熱材の寸法及び材質並びに周波数は被熱材のインピーダンスに於ける数値例の場合と同一とする. その時加熱コイルの実効 Q, Q_3 , カーレントトランス二次回路の実効 Q, Q_4 , タンク回路の影電容量 C_1 , カーレントトランス一次コイルのインダクタンス C_2 及び両者の相互インダクタンス C_3 は第7表 ~第13表の如くなる.

No. 1 の 10 KC に 於ける Q_3 が 100 KC の値よりも大であるの は ΔL_3 が小で

$$L_3 = L_3' - \Delta L_3$$

第7表 Q_3 周波数 $10 \, \mathrm{KC}$ $100 \, \mathrm{KC}$ 1 MC 10 MC No. 1 1.13 3,19 1.15 0.6756.75 No. 2 0.839 2.250.48No. 3 1.88 6.1518.85 59.5

が大なるためである.

第8表 Q2

| 被熱材 | 10 KC | 100 KC | 1 MC | 10 MC |
|-------|-------|--------|-------|-------|
| No. 1 | 2.67 | 1.88 | 2.64 | 6.53 |
| No. 2 | 1.59 | 2.14 | 4.69 | 13.57 |
| No. 3 | 4.01 | 12.37 | 23.54 | 73.1 |

第9表 Q_1 但し $R_1/\Delta R_1=0.1 \ k_{12}^3=0.7$

| 被熱材 | 10 KC | 100 KC | 1 MC | 10 MC |
|-------|-------|--------|-------|-------|
| No. 1 | 4.26 | 3.00 | 4.21 | 10.4 |
| No. 2 | 2.54 | 3.42 | 7.46 | 21.64 |
| No. 3 | 6.40 | 19.72 | 37.55 | 116.7 |

第 10 表 $C_1(F)$ 但し $R_p=1000\Omega$

| 一周 被熟材 | 10 KC | 100 KC | 1 MC | 10 MC |
|-----------|-----------------------|-----------------------|------------------------|------------------------|
| No. 1 | 6.78×10^{-8} | 4.78×10^{-9} | 6.70×10^{-10} | 1.66×10 ⁻¹⁰ |
| No. 2 | 4.04×10^{-8} | 5.44×10^{-9} | 1.19×10^{-9} | 3.44×10^{-10} |
| No. 3 | 1.02×10^{-7} | 3.14×10^{-8} | 5.97×10^{-9} | 1.85×10^{-9} |

第 11 表 L_2 (10⁻⁷H) 但し $R_p=1000\Omega$

| 被熱材 | 10 KC | 100 KC | 1 MC | 10 MC |
|-------|-------|--------|-------|-------|
| No. 1 | 1.706 | 0.757 | 0.327 | 0.230 |
| No. 2 | 0.947 | 0.412 | 0.249 | 0.221 |
| No. 3 | 0.319 | 0.270 | 0.263 | 0.262 |
| i i | | i . | | 1 |

第 12 表 L_1 (H) 但し $R_p=1000\Omega$

| 一 被熱材 | 10 KC | 100 KC | 1 MC | 10 MC |
|----------|------------------------|-----------|-----------------------|-----------------------|
| No. 1 | 6.07×10^{-3} | 8.62×10-4 | 6.13×10 ⁻⁵ | 2.48×10^{-6} |
| No. 2 | 10.17×10^{-3} | 7.55×10-4 | 3.46×10^{-5} | 1.19×10 ⁻⁶ |
| No. 3 | 4.05×10^{-3} | 1.31×10~4 | 6.86×10^{-6} | 2.04×10-7 |

第 13 表 M(H) 但し $R_p=1000\Omega$, $k_{12}{}^2=0.7$

| 想 被 熟材 | 10 KC | 100 KC | 1 MC | 10 MC |
|--------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|-----------------------|
| No. 1 | 2.69×10^{-5} | 6.75×10 ⁻⁶ | 1.19×10 ⁻⁶ | 2.00×10^{-7} |
| No. 2 | 2.60×10^{-5} | 4.66×10-6 | 7.76×10^{-7} | 1.36×10^{-7} |
| No. 3 | 9.50×10^{-6} | 1.57×10-6 | 3.55×10^{-7} | 6.12×10 ⁻⁸ |

但し

被 熱 材 No. 1: $\mu_4=100$ $\mu_4'=1.4$ $\sigma_4=5\times10^4$ $\sigma_4=5\times10^4$ $\sigma_4=5\times10^4$

No. 2: $\mu_4 = 20$ $\mu_4' = 1.38$ $\sigma_4 = 5 \times 10^4 \text{ G/cm}$

No. 3: $\mu_4 = \mu_4' = 1$ $\sigma_4 = 5 \times 10^5 \text{ G/cm}$

IV. 周波数の選定

1. 加熱コイルの伝送能率よりの考察

本章に於ては単位系は特に断らない限り CGS 実用単位系を用いた.

第5図の如く加熱コイルを一次回路、被熱材を二次回路とした時の伝送能率 7 は

$$\eta = \frac{I_4^2 R_4}{I_3^2 R_3 + I_4^2 R_4} = \frac{1}{1 + \frac{I_3^2 R_3}{I_4^2 R_4}} \tag{26}$$

結合抵抗を ΔR_3 とすれば

$$I_3^2 \Delta R_3 = I_3^2 \left(\frac{M^{24}}{L_4}\right)^2 \frac{Q_4^2}{Q_4^2 + 1} R_4 = I_4^2 R_4$$

但し $Q_4=\omega L_4/R_4$: 被勢材の実効 Q

$$\therefore \frac{I_3^2}{I_4^2} = \left(\frac{L_4}{M_{24}}\right)^2 \left(1 + \frac{1}{Q_4^2}\right) \tag{27}$$

(26) 式に於て I_3^2/I_4^2 が一定であるならば伝送能率は R_8/R_4 が小なる程大である。而して $a/s_4>2.25$ に於ては R_3/R_4 は略st一定であり, $a/s_4<2.25$ に於ては R_5/R_4 は急激に減少する 故, $a/s_4=2.25$ を伝送能率の臨界点とし,これから定まる周波数を臨界周波数 f_c とすれば

$$f_c = \frac{128.5 \times 10^6}{\sigma_4 \mu_4 a^2} \tag{28}$$

それ故使用周波数は確かにこの周波数以上でなければならぬが、上の結論は I_3^2/I_4^2 が周波数に対して一定として求められたものである故、 $I_3^2/4^2$ に就ても考慮しなければならぬ。而して $I_3^2/4^2$ は(27)式の如く Q_4 の値によつて大きく変化する。一般に臨界周波数に於ける Q_4 は極めて小であり、 I_3^2/I_4^2 は1より遙かに大である。故に適当な Q_4 の値として $Q_4=3$ とおき、これより周波数を決定すれば加熱コイルの伝送能率を充分大とすることができる。而して有限長円 筒導体の場合は(11)式より

$$Q_4 = 3 = 4\pi^2 K_4 f \mu_4 \sigma_4 S_4 (a - S_4) \times 10^{-9}$$
(29)

(29) 式をfについて解きその周波数を f_{Q4} とすれば

$$f_{Q4} = \frac{228\mu_4 \times 10^6}{K_4^2 \sigma_4 (a - s_4)^2 \mu_4^{2}}$$
(30)

 f_{Q4} と f_c との比をとれば

$$\frac{f_{04}}{f_c} = \frac{1.78\mu_4^2 a^2}{K_4^2 \mu_4^{\prime 2} (a - s_4)^2}$$

故に f_{64} は f_{c} より大であり、特に被熱材が磁性体の場合及び扁平円筒導体の場合に著るしい。

2. カーレントトランスの伝送能率よりの考察

第7図に於てカーレントトランス一次側に結合される結合抵抗 ΔR_1 は

$$\Delta R_1 = \frac{k_{12}^2 L_1 L_2}{(L_2 + L_3)^2} \frac{Q_2^2}{Q_2^2 + 1} R_3$$

但し

$$Q_2=rac{\omega(L_2+L_3)}{R_2+R_3}$$
 \Rightarrow $rac{\omega(L_2+L_3)}{R_3}$: 二次回路の Q R_2 \ll R_3

カーレントトランスの伝送能率は ΔR_1 が大なる程大であり、そのために Q_2 がある値以上でなければならぬ。一方カーレントトランスの構造上伝送能率最大の条件は前記の如く

$$Q_2 = Q_3 + \sqrt{1 + Q_3^2} \tag{19}$$

である。適当な Q_2 の値としては加熱コイルの伝送能率の場合と同様 $Q_2=3$ とすれば (19) 式から $Q_3=1.333$ が得られる。

而して第4図の有限長円筒導体に於て $Q_4>3$ の場合は $Q_4^2/(Q_4^2+1) = 1$ として

$$\begin{split} R_{3} = & R_{3}{'} + \varDelta R_{3} = \frac{4\pi^{2}}{l} \sqrt{\frac{f}{10^{9}}} \bigg[b \sqrt{\frac{\mu_{3}}{\sigma_{3}}} + a \sqrt{\frac{\mu_{4}}{\sigma_{4}}} \bigg(\frac{M_{34}}{L_{4}} \bigg)^{2} \bigg] \\ \omega L_{3} = & \omega (L_{3}{'} - \varDelta L_{3}) = \frac{8\pi^{3} f \bigg[K_{3} \mu_{3}{'} b^{2} - K_{4} \mu_{4}{'} a^{2} \bigg(\frac{M_{34}}{L_{4}} \bigg)^{2} \bigg]}{l \times 10^{9}} \end{split}$$

$$\therefore Q_{3}=1.333=2\pi\sqrt{\frac{f}{10^{9}}}\frac{K_{3}\mu_{3}'b^{2}-K_{4}\mu_{4}'a^{2}\left(\frac{M_{34}}{L_{4}}\right)^{2}}{b\sqrt{\frac{\mu_{3}}{\sigma_{3}}}+a\sqrt{\frac{\mu_{4}}{\sigma_{4}}\left(\frac{M_{34}}{L_{4}}\right)^{2}}}$$
(31)

これを満足する周波数 for は

$$f_{Q3} = \frac{4.5 \times \left[b \sqrt{\frac{\mu_3}{\sigma_3} + a \sqrt{\frac{\mu_4}{\sigma^4} \left(\frac{M_{34}}{L_4}\right)^2} \right] \times 10^7}{\left[K_3 \mu_3 b^2 - K_4 \mu_4 a^2 \left(\frac{M_{34}}{L_4}\right)^2 \right]^2}$$
(32)

一般に f_{Q3} は f_{Q4} より大である故, f_{Q3} を使用周波数とすれば加熱コイルの伝送能率も充分よくすることができる.

3. タンク回路の Q よりの考察

タンク回路の Q が高い時は同回路の無効電力が増大して、コイルや蓄電器のボルトアンペアが大となり経済的に不利となる。それ故タンク回路の Q はある値以下がよい。

而して $Q_2>3$ では $Q_2^2/(Q_2^2+1)=1$ として, タンク回路えの結合抵抗を ΔR_1 とすれば

$$\frac{\Delta R_{t}}{\omega L_{1}} = \frac{k_{12}^{2} L_{2}}{\omega (L_{2} + L_{3})^{2}} \cdot \frac{4\pi^{2}}{l} \sqrt{\frac{f}{10^{9}}} \left[b \sqrt{\frac{\mu_{3}}{\sigma_{3}}} + a \sqrt{\frac{\mu_{4}}{\sigma_{4}}} \left(\frac{M_{34}}{L_{4}} \right)^{2} \right]$$
(33)

但しカーレントトランス二次コイルの抵抗 R_2 は R_3' , $\triangle R_3$ に比べて遙かに小なる故省略した。 ${\mathfrak Z}$

$$\omega L_1 = R_p(Q_1 + Q_2)/Q_1^2$$

 $\Delta R_1 = R_p/Q_1^2$

なおこの場合の Q_1 はカーレントトランス一次コイルの抵抗は含まず、結合抵抗によるもののみである。

$$\therefore \qquad \Delta R_1/\omega L_1 = 1/(Q_1 + Q_2)$$

而して $L_2 = L_3 \sqrt{1 + 1/Q_3^2}$ に於て $Q_3 = 1.333$ を代入すると

$$\frac{L_2}{(L_2 + L_3)^2} = \frac{0.247}{L_3}$$

叉

$$L_{3} = \frac{4\pi^{2}}{l \times 10^{9}} \left[K_{3}\mu_{3}'b^{2} - K_{4}\mu_{4}'a^{2} \left(\frac{M_{34}}{L_{4}} \right)^{2} \right]$$

これ等の関係を (33) 式に代入して周波数 f_{g_1} を求めると

$$f_{Q_{1}} = \frac{1.547k_{12}^{4}(Q_{1} + Q_{2})^{2} \left[b\sqrt{\frac{\mu_{3}}{\sigma_{3}}} + a\sqrt{\frac{\mu_{4}}{\sigma_{4}}\left(\frac{M_{34}}{L_{4}}\right)^{2}}\right]^{2} \times 10^{6}}{\left[K_{3}\mu_{3}'b^{2} - K_{4}\mu_{4}'a^{2}\left(\frac{M_{34}}{L_{4}}\right)^{2}\right]^{2}}$$
(34)

 k_{12} はできるだけ大なる方がカーレントトランスの伝送能率がよく, 構造上可能な限り大なる値とする. Q_1 としては 10 以下が適当と考えられる.この f_{Q1} より大なる周波数ではタンク回路の Q が高くなり過ぎる故,使用周波数は f_{Q1} 以下とすべきである.故に適当な使用周波数 f は 一般に

$$f_c < f_{o_4} < f_{o_3} < f < f_{o_1}$$
 (35)

なる関係を満足する.

この周波数に於ては skin depth が極めて小で電力密度が大であり、 速かな温度上昇により 高温に達する.

4. 数值例

加熱コイル、被熱材の寸法及び材質は被熱材のインピーダンスに於ける数値例の場合と同一とする。その時の f_0 , f_{Q4} , f_{Q8} , 及び f_{Q1} は第 14 表の如くなる。但し f_{Q1} に於ては $k_{12}{}^2=0.7$, $Q_1=10$, $Q_2=3$ とした。

第 14 表の結果より臨界周波数 f_e は極めて小なることが判り、これでは周波数選定の基準にはならない。又被熱材が銅の如く導電率が高く比導磁率が1 の時は回路のQは低い周波数で大となるため、使用周波数は磁性体に比べ遙かに小でよい。而し伝送能率そのものは磁性体に比べ遙かに悪い。

| 周姗 | | | | |
|-------|-----------|---------------|----------------|---------------|
| 被熱材 | f_c C/S | f_{Q4} KC/S | f_{Q_3} KC/S | f_{Q1} KC/S |
| No. 1 | 1.0 | 91.0 | 1890 | 5360 |
| No. 2 | 5.1 | 18.8 | 393 | 1115 |
| No. 3 | 10.2 | 0.178 | 5.32 | 15.1 |

第 14 表 f_0 , f_{Q4} , f_{Q3} 及び f_{Q1}

但し被熱材 No. 1: $\mu_4=100$ $\mu_4'=1.4$ $\sigma_4=5\times10^4$ 77/cm

No. 2: $\mu_4 = 20$

 $\mu_4' = 1.38$ $\sigma_4 = 5 \times 10^4 \text{ Ty/cm}$

No. 3: $\mu_4 = \mu_4' = 1$

 $\sigma_4 = 5 \times 10^5 \text{ T/cm}$

V. 結 言

高周波誘導加熱に於ける回路定数及び周波数選定の基礎として、先ず被熱材のインピーダンス を無限長円筒導体の場合から始めて有限長の場合、任意形状の場合にまで拡張して導いた。これ から臨界周波数に於ける被熱材のQが極めて小なることを知つた.

次に結合回路の回路定数の設計法を最適陽極負荷インピーダンス及び周波数を与えて伝送能率 を最大にするという条件から導いた、最適陽極負荷インピーダンスは与えられた真空管出力に於 て最大の陽極能率を示すインピーダンスである故、この方法は発振器陽極能率及び伝送能率が共 に最大で充分出力を発生することを意味している。なお最適陽極負荷インピーダンスは真空管の 実効内部抵抗より遙かに高い.

第三に周波数の選定法を伝送能率向上の観点から導いた. それは 被熱材の Q 及びカーレント トランス二次回路の Q が3 以上という条件を 満足する周波数であり、 使用周波数はこの周波数 以上でなければならぬ、又タンク回路の無効電力を 小にするために 同回路の Q がある値以下と いう条件から周波数を求め、使用周波数はこの周波数以下なることを要す。

以上の事項に就て多くの数値例を示した・

終りに臨み御指導御鞭撻を頂いた浅見義弘教授、種々御便宜を与えられた日本電子光学研究所 高橋勘次郎氏並びに本問題を種々検討された大学院特別研究生田川遼三郎君に深く感謝の意を表 す.

文 献

- 1) 松本 秋男: 自励発振器の発振について、応電彙報第1巻第1号 昭24.
- 2) 菊地 喜充: 磁歪振動と超音波 第1章 コロナ社 昭27.
- 3) N. R. Stansel: Induction Heating Chap. IV. McGraw-Hill. 1949.
- 4) 馬場文夫・渡辺文明: 高周波誘導加熱の負荷回路の解析ならびに調整法 最新の高周波応用第3集 コロナ社 昭 29.